

# Dynamika rotačího pohybu

Jakub Kákona, kaklik@mlab.cz

26.10.2009

## Abstrakt

## 1 Úvod

1. V domácí přípravě odvod'te vzorec pro výpočet momentu setrvačnosti válce a dutého válce.
2. Změřte momenty setrvačnosti přiložených rotačních objektů experimentálně a porovnejte je s hodnotami z teoretických vzorců. Měření proved'te alespoň pětkrát. Použijte disk, disk + prstenec a pomocí nich stanovte moment setrvačnosti samotného prstence.
3. Změřte moment setrvačnosti disku, umístěného na dráze mimo osu rotace a pomocí výsledků z předchozího úkolu ověřte platnost Steinerovy věty.
4. Ověřte zákon zachování momentu hybnosti. Do protokolu přiložte graf závislosti úhlové rychlosti rotace na čase.
5. Změřte rychlosť precese gyroskopu jak přímo senzorem, tak i nepřímo z měření rychlosti rotace disku. Měření proved'te alespoň pětkrát. Obě hodnoty porovnejte.

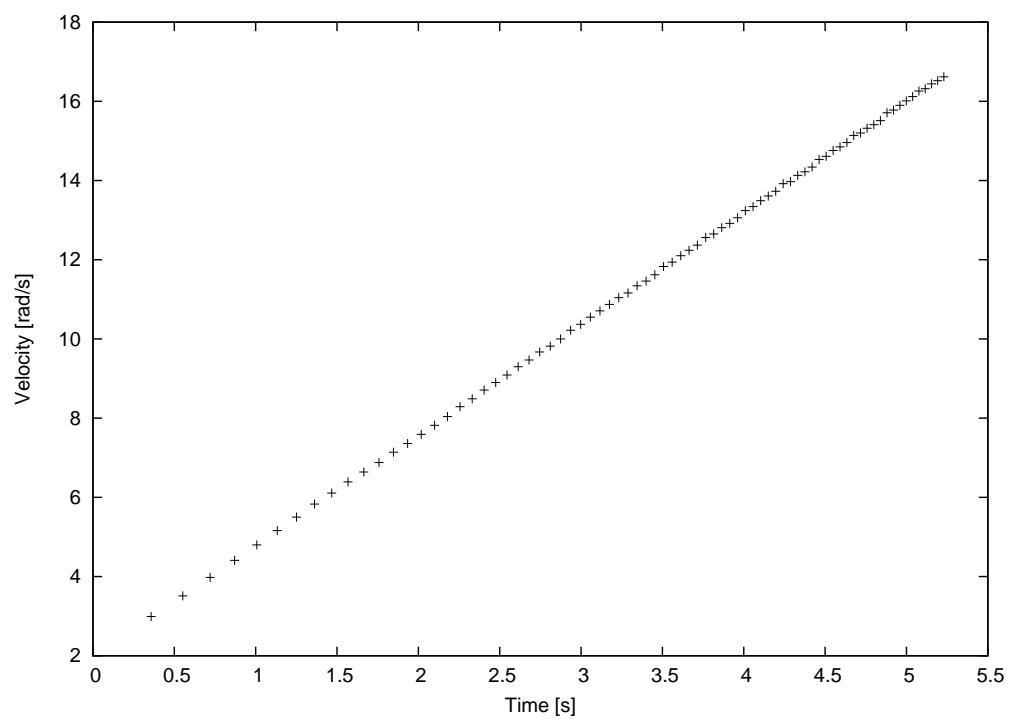
## 2 Postup měření

### 2.1 Měření momentu setrvačnosti

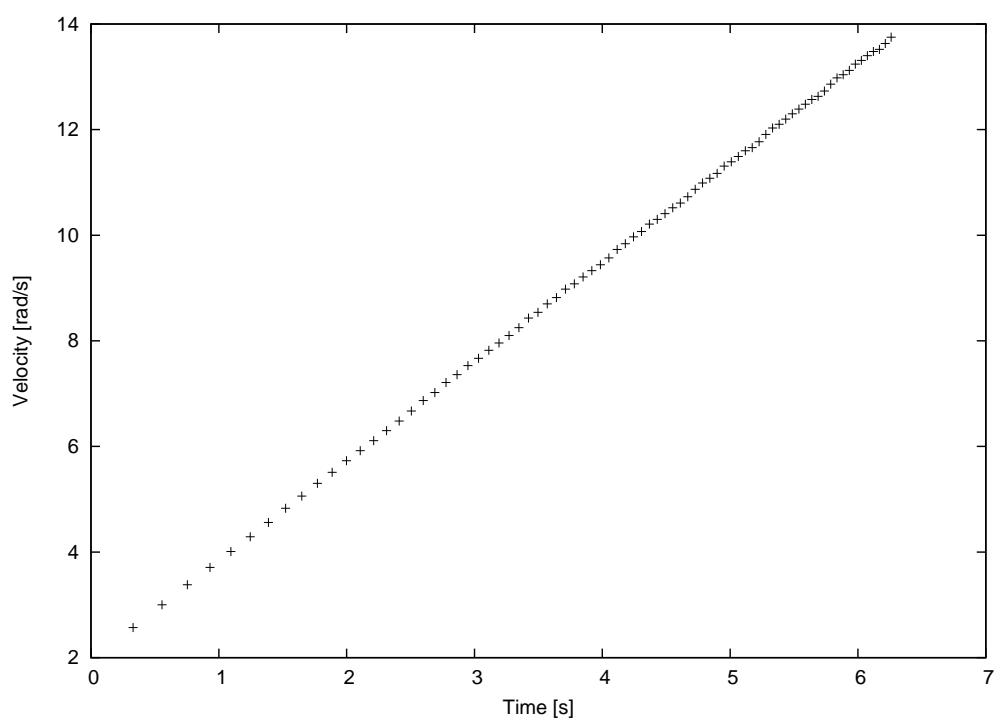
Moment hybnosti jsme měřili roztačením tělesa přes kladku pomocí definovaného závaží, Ze záznamu časového průběhu rychlosti lze proložením přímkou určit moment setrvačnosti tělesa. Změřená data jsou vidět v následujících grafech.

### 2.2 Zachování momentu hybnosti

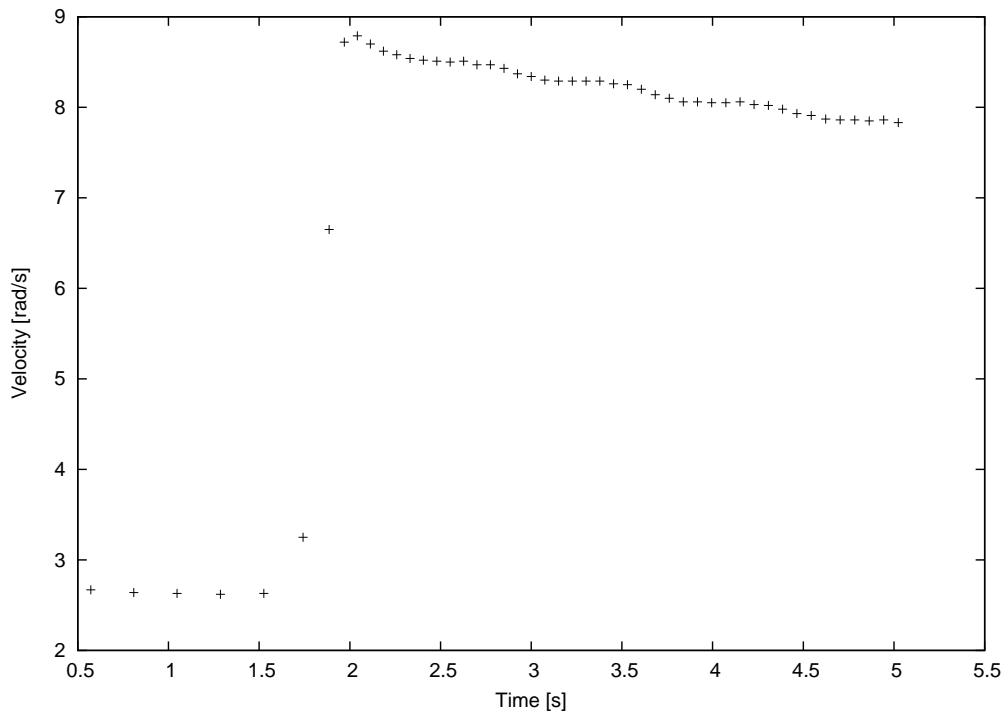
Při měření jsme postupovali prakticky totožně, jako při měření momentu setrvačnosti, ale hmotnost byla rozložena ve dvou závažích, které jsme během otáčení zatažením za šnůrku sesunuli k sobě.



Obrázek 1: Data z merení momentu setrvacnosti disku



Obrázek 2: Data z merení momentu setrvacnosti disku a prstence



### 2.3 Precese gyroskopu

Precesi gyroskopu jsme měřili tak že v jsme jej v klidu vyvážili a na straně s gyroskopem zatízili definovaným závažím o hmotnosti 17,9 g. Které působí na gyroskop tříhovou silou. Která způsobuje precesi gyroskopu kolem svislé osy.

| $\omega_P[\text{rad/s}]$ | $\delta_{\omega P}[\%]$ | $\omega_S[\text{rad/s}]$ | $\Omega_S[\text{rad/s}]$ | $\Omega_M[\text{rad/s}]$ | $\delta_{\omega M}[\text{rad/s}]$ | $\Delta_{\Omega}[-]$ | $\delta_{\Omega}[\%]$ |
|--------------------------|-------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|-----------------------------------|----------------------|-----------------------|
| 77.3891                  | 0.030                   | 157.2051                 | 0.0181                   | 0.0107                   | 59.280                            | 0.0074               | 41.04                 |
| 89.5982                  | 0.015                   | 182.0062                 | 0.0157                   | 0.0154                   | 66.040                            | 0.0002               | 1.42                  |
| 97.5382                  | 0.022                   | 198.1352                 | 0.0144                   | 0.0086                   | 199.800                           | 0.0058               | 40.13                 |
| 71.8631                  | 0.032                   | 145.9798                 | 0.0195                   | 0.0309                   | 10.810                            | -0.0114              | 58.32                 |
| 61.4821                  | 0.030                   | 124.8923                 | 0.0228                   | 0.0199                   | 28.180                            | 0.0029               | 12.81                 |

Tabulka 1: Změřené a vypočtené hodnoty precese

## 3 Diskuse

Největším problémem bylo měření zachování momentu hybnosti, kdy aparatura přecházela při změně konfigurace závaží do neopakovatelně definovaných stavů, což pravděpodobně způsobilo značnou chybu.

## **4 Závěr**

Z naměřených dat lze potvrdit že momenty setvačností objektů rotujících na téže ose se sčítají.

## **Reference**

- [1] Zadání úlohy 11 - Dynamika rotačního pohybu.  
<http://praktika.fjfi.cvut.cz/RotacniPohyb/>.